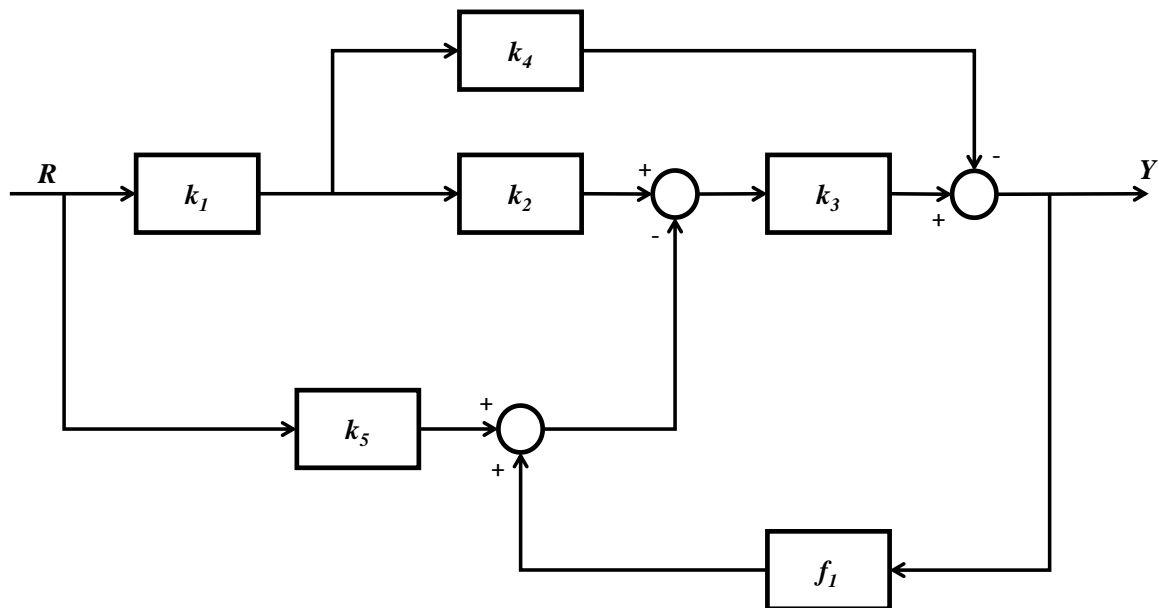


Midterm exam of Modern Control Engineering		University of Hormozgan
Name:	2024-2025-1	Dr. Mohammad Hosseini
Time: 90 min		Department of Mechanical Engineering

۱- تابع تبدیل نمودار بلوکی زیر را با استفاده از روش نامگذاری محاسبه کنید (۲۰ نمره).



۲- یک سیستم توسط رابطه‌ی زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned}\dot{\mathbf{x}} &= \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{B}u \\ y &= \mathbf{C}\mathbf{x} + \mathbf{D}u\end{aligned}$$

در جایی که:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}, \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}, \mathbf{D} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

با شرایط اولیه:

$$x_1(0) = 1, x_2(0) = 0, \text{ or } \mathbf{x}^T(0) = [1 \ 0]$$

پاسخ سیستم را به ورودی $U(s) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ به دست آورید (۶۰ نمره).

۳- معادلات فضای حالت مربوط به معادله حرکت زیر را به صورت ماتریسی بنویسید (۱۵ نمره).

$$\ddot{x} + 5\ddot{x} - 2x = 5$$

Midterm exam of Modern Control Engineering		University of Hormozgan
Name:	2024-2025-1	Dr. Mohammad Hosseini
Time: 90 min		Department of Mechanical Engineering

خواص تبدیل لاپلاس			زوج های تبدیل لاپلاس	
خاصیت	$f(t)$	$F(s)$	$f(t)$	$F(s)$
خطی بودن	$a_1 f_1(t) + a_2 f_2(t)$	$a_1 F_1(s) + a_2 F_2(s)$	$S(t)$	1
تغییر مقیاس	$f(at)$	$\frac{1}{a} F\left(\frac{s}{a}\right)$	$u(t)$	$\frac{1}{s}$
انتقال زمان	$f(t-a)u(t-a)$	$e^{-as} F(s)$	e^{-at}	$\frac{1}{s+a}$
انتقال فرکانس	$e^{-at} f(t)$	$F(s+a)$	t	$\frac{1}{s^2}$
مشتگیری در زمان	$\frac{df}{dt}$	$sF(s) - f(0^-)$	t^n	$\frac{n!}{s^{n+1}}$
	$\frac{d^2 f}{dt^2}$	$s^2 F(s) - sf(0^-) - f'(0^-)$	te^{-at}	$\frac{1}{(s+a)^2}$
	$\frac{d^3 f}{dt^3}$	$s^3 F(s) - s^2 f(0^-) - sf'(0^-) - f''(0^-)$	$t^n e^{-at}$	$\frac{n!}{(s+a)^{n+1}}$
	$\frac{d^n f}{dt^n}$	$s^n F(s) - s^{n-1} f(0^-) - \dots - f^{(n-1)}(0^-)$	$\sin wt$	$\frac{w}{s^2 + w^2}$
انتگرالگیری در زمان	$\int_0^t f(t)dt$	$\frac{1}{s} F(s)$	$\cos wt$	$\frac{s}{s^2 + w^2}$
مشتگیری در فرکانس	$tf(t)$	$-\frac{d}{ds} F(s)$	$\sin(wt + \theta)$	$\frac{s \sin \theta + w \cos \theta}{s^2 + w^2}$
انتگرالگیری در فرکانس	$\frac{f(t)}{t}$	$\int_s^\infty F(s)ds$	$\cos(wt + \theta)$	$\frac{s \cos \theta - w \sin \theta}{s^2 + w^2}$
تناوب زمانی	$f(t) = f(t+T)$	$\frac{F_1 s}{1 - e^{-Ts}}$	$e^{-at} \sin wt$	$\frac{w}{(s+a)^2 + w^2}$
قضیه مقدار اولیه	$f(0^+)$	$\lim_{s \rightarrow \infty} sF(s)$	$e^{-at} \cos wt$	$\frac{s+a}{(s+a)^2 + w^2}$
قضیه مقدار نهایی	$f(\infty)$	$\lim_{s \rightarrow 0} sF(s)$		
کانولوشن	$f(t) \times f_2(t)$	$F_1(s) \cdot F_2(s)$		